الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2015

امتحان شهادة التعليم المتوسط

المدة: ساعتان

اختبار في مادة: الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب.

2) اكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

 $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ حيث P احسب العدد (3

التمرين الثاني: (03,5 نقطة)

 $F = (2x - 3)^2 - 16$ تعطى العبارة:

 $F = 4x^2 - 12x - 7$: نحقق بالنشر أن (1

ك حلّل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(2x-7)(2x+1)=0 على المعادلة: (3

المسب a من أجل a عدان نسبيان. وكتب النتيجة على الشكل $a+b\sqrt{2}$ حيث a و a عدان نسبيان.

التمرين الثالث: (03 نقاط)

في الشَّكل المقابل الأطوال وأقياس الزوايا غير حقيقية.

ST = 9 cm وقطرها O دائرة مركزها (C)

 $\widehat{SOR} = 46^{\circ}$ نقطة من هذه الدائرة حيث R

1) بين أنّ: °33 STR = 23°)

2) المثلث SRT قائم في R ، علَل.

(3) احسب الطول RS بالتّدوير إلى 0,01.

التمرين الرابع: (02,5 نقطة)

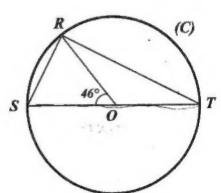
الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية.

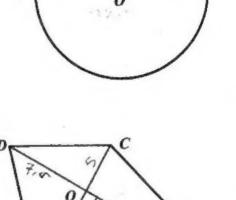
باعي قطراه متعامدان ومتقاطعان في O حيث:

OD = 7.5 cm \cdot OC = 5 cm \cdot OB = 18 cm \cdot OA = 12 cm

1) برهن أنّ المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان.

: AB احسب الطول (2





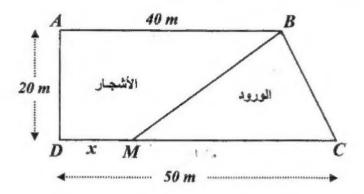
الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة:

. لِعَتِي أحمد قطعة أرض مستطيلة الشّكل مساحتها $(1000m^2)$ عرضها خمسي الحمد عرضها أرض مستطيلة الشّكل مساحتها المتحدد المتحدد

- أوجد بُعْدَى هذه القطعة.

II) تنازل عَمِّي أحمد لأخيه عن جزء من هذه القطعة مساحته 200m وخصّص الجزء الباقي منها لاستغلاله مشئلة للورود والأشجار. لهذا الغرض قسم هذا الجزء عشوائيًا إلى قطعتين كما هو موضّح في الشّكل:



 $.(0 \le x \le 50)$ مع DM = x نضع: DM = x نضع

ABMD مساحة المثلث BCM و g(x) مساحة القطعة

أ- عبر عن f(x) و g(x) بدلالة x.

ب- سَاعِدْ عَمِي أحمد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة.

 $\left(O; \vec{i}, \vec{j}\right)$ سنجامد ومتجانس المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس أ-1 (2

g(x) = 10x + 400 ، f(x) = 500 - 10x : مثل بیانیا الدالتین –

ناخذ : 1 cm على محور الفواصل يمثل 2 m

50 m² على محور التراتيب يمثل 1 cm

ب- فسر بيانيًا مساعدتك السابقة لِعَمِّي أحمد، مع تحديد قيمة المساحة في هذه الحالة.

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة التعليم المتوسط دورة: جوان 2015 الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: المدة: ساعتان المدة: ساعتان

العلامة		2.4-ML - 42-	
مجزأة مج		عتاصر الإجابة	
03		 شاب القاسم المشترك الأكبر للعدين 696 و 406 و كتابة مراحل الحساب: 406 = 406 + 1×290 	
		$406 = 290 \times 1 + 116$	
	01	$290 = 116 \times 2 + 58$	
		$116 = 58 \times 2 + 0$	
	0,50	العدد 58 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406	
		$\frac{696}{406} = \frac{696:58}{406:58} = \frac{12}{7}$ كتابة على شكل كسر غير قابل للاختزال: (2	司
	0,50	$\frac{1}{406} = \frac{1}{406 \cdot 58} = \frac{1}{7}$ 21 21 21 22 24 25 26 27 27 27 28 29 20 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21	3
0.5		$P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ $= \frac{7}{406} \times \frac{5}{2}$ $= \frac{7}{406} \times \frac{5}{2}$ (3)	التمرين الأول
	İ	406 7 2	-3
	0,25	$P = \frac{12}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$	
		, , <u>-</u>	
	0,50	$P = \frac{24}{14} - \frac{15}{14}$	
	0,25		
	,	$P = \frac{9}{14}$	
		$F = 4x^2 - 12x - 7$ التحقق بالنشر أنّ: $7 = 4x^2 - 12x - 7$	
	7	$F = (2x - 3)^2 - 16$	
	0.50	$= [(2x)^2 + 3^2 - 2 \times 2x \times 3] - 16$	
	0,50 0,25	$= 4x^2 + 9 - 12x - 16$	
	0,25	$=4x^{2}+9-12x-10$ $=4x^{2}-12x-7$	
	1		
		F يالى جداء عاملين من الدرجة الأولى: F يالى جداء عاملين من الدرجة الأولى:	
	0,25	$F = (2x - 3)^2 - 16$	
		$= (2x - 3)^2 - 4^2$	
	0,50 0,25	$= [(2x-3)+4] \times [(2x-3)-4]$	_
	0,23	=(2x+1)(2x-7)	التمرين الماتم
03,5		(2x - 7)(2x + 1) = 0 all ideal(3)	3
	0,50	2x-7=0 أو $2x+1=0$ معناه $(2x-7)(2x+1)=0$	4
	0,50	$\frac{7}{2}$ o $\frac{-1}{x}$ e $\frac{7}{2}$ o $\frac{-1}{x}$ e $\frac{7}{2}$	
	0,50		
		$a+b\sqrt{2}$ من أجل $x=1+\sqrt{2}$ و كتابة النتيجة على الشكل F حساب F من أجل F	
	0,25	$F = 4(1+\sqrt{2})^2 - 12(1+\sqrt{2}) - 7$	
		$=4(1+2+2\sqrt{2})-12-12\sqrt{2}-7$	
		$=4(3+2\sqrt{2})-12-12\sqrt{2}-7$	
		$=12+8\sqrt{2}-12-12\sqrt{2}-7$	
	0,25		
		$=-4\sqrt{2}-7$	

$$\frac{2}{5}x$$
 ويما أن مساحتها $\frac{2}{5}x^2 = 1000$ فإن: $1000m^2$ ويالتالي: $1000m^2$ ويما أن مساحتها $1000m^2$ فإن: $1000m^2$ فإن: $1000m^2$ ويالتالي: $1000m^2$ ويالتالي: $1000m^2$ وعليه: $1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ وعليه: $1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ وعليه: $1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ ويالتالي طول القطعة هو $1000m^2$ وعرضها $1000m^2$ ويالتالي طول القطعة هو $1000m^2$ وعرضها $1000m^2$ وعرضها $1000m^2$ وعرضها $1000m^2$ وعرضها $1000m^2$ ملاحظة: يمكن حل هذا المسؤال باستعمال جملة معادلتين.

(x) التعبير عن (x) و (x) بدلالة (x)

$$f(x) = \frac{CM \times AD}{2} = \frac{20(50 - x)}{2} = 500 - 10x$$

$$g(x) = 400 + 10x$$
 : $g(x) = (1000 - 100) - f(x) = 900 - (500 - 10x)$

ملاحظة: يمكن التعبير عن g(xc) باستعمال قانون مساحة شبه منحرف.

ب) مساعدة عمي أحمد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتى الأرض نفس المساحة:

لقطعتي الأرض نفس المساحة تعنى:
$$f(x) = g(x)$$
 أي: $f(x) = 0$

$$x=5$$
 ومنه: $x=5$ ومنه: $x=5$ ومنه: $x=5$ ومنه: $x=5$

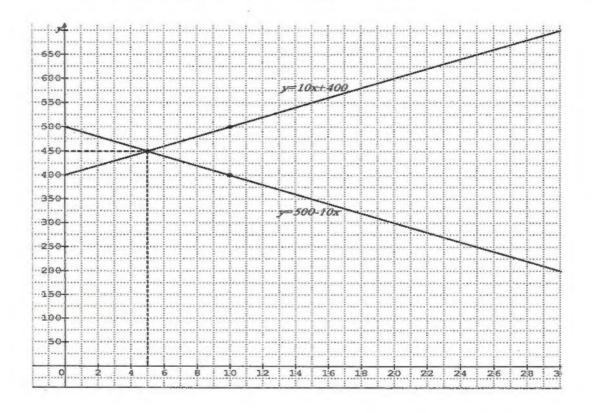
DM = 5 : وبالتالى حتى تكون لقطعتى الأرض نفس المساحة يجب أن يكون

يانيا: g(x) = 10x + 400 ، f(x) = -10x + 500 بيانيا:

X	0	10	
g(x)	400	500	

x	0	10
f(x)	500	400

التمثيل البياني:



ب) التفسير البياني للمساعدة السابقة لعمى أحمد مع تحديد قيمة المساحة في هذه الحالة: يكون لقطعتي الأرض نفس المساحة من أجل فاصلة نقطة تقاطع المنحنيين وهي 450 m² x=5 أي: DM=5m أي: وتبلغ قيمة المساحة في هذه الحالة

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان : شهادة التعليم المتوسط دورة : جوان 2015 مادة: الرياضيات

مج	مجزأة	التنقيط	المؤشرات	المعيار	السوال
2	1	التعبير عن البعدين بدلالة مجهول واحد . 0.5 التعبير عن البعدين بدلالة مجهول واحد . $x^2 = b$ الن وفق في مؤشرين $x^2 = b$ الشكل $x^2 = b$ الشكل على الشكل $x^2 = b$		1,4	1
	1	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين	- التعبير عن البعدين بشكل صحيح . - حل المعادلة صحيح .	24	1
4,5	2,5	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين 1 إن وفق في مؤشرين 1,25 مؤشرات 1,75 إن وفق في أربع مؤشرات 2,5 إن وفق في خمس مؤشرات فأكثر. 0,5 إن وفق في مؤشر	g(x) توظیف المساحة المتبقیة بعد التنازل فی التعبیر عن $g(x)$	1 _a	2
	2	ا إن وفق في مؤشرين 1.25 إن وفق في ثلاث مؤشرات 1,5 إن وفق في أربع مؤشرات 2 إن وفق في خمس مؤشرات فأكثر.	الحل الصحيح للمعادلة $g(x)$ بسكل صحيح . - الحل الصحيح للمعادلة $f(x) = g(x)$. - التمثيل البياني للدالة g صحيح . - قراءة إحداثيتي نقطة التقاطع بيانيا بشكل صحيح . - تفسير فاصلة نقطة التقاطع صحيح . - تفسير ترتيب نقطة التقاطع صحيح .	24	
1,5	1	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين فأكثر.	 التسلسل المنطقي. معقولية النتائج. احترام وحدات القياس . 	م3	كل المسألة
	0,5	0,25 إن وفق في مؤشر 0,5 إن وفق في مؤشرين	- المقرونية . - عدم التشطيب .	44	ন

م1: التقسير السليم للوضعية. م3: السجام النتائج.

م2: الاستعمال السليم ثلاً وات الرياضية. مع: تقديم الورقة.